

L'extension pour \LaTeX

dijkstra

v 0.13

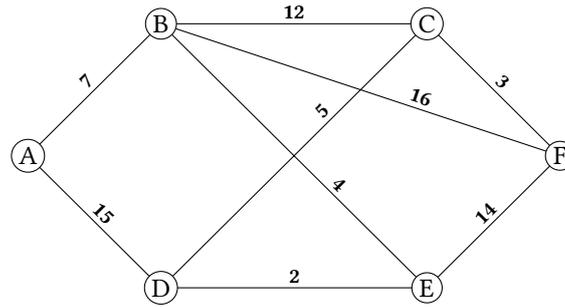
1 octobre 2022

Christian TELLECHEA
unbonpetit@netc.fr

Cette petite extension met en œuvre l'algorithme de Dijkstra pour des graphes pondérés, orientés ou non : le tableau de recherche du plus court chemin peut être affiché, la distance minimale entre deux sommets et le chemin correspondant sont stockés dans des macros.

1 Un exemple

Dans le graphe *non orienté* suivant, quel est le plus court chemin pour aller de A à F?



Lire le graphe Pour trouver le plus court chemin pour aller de A à F, il faut d'abord lire le graphe. Comme il est fréquent que les graphes soient peu peuplés, j'ai pris le parti de définir un graphe par une liste d'adjacence. Ainsi, la macro `\readgraph`, qui va lire le graphe, admet comme argument obligatoire une liste d'adjacence :

```
\readgraph{
  A [B=7, D=15],
  B [C=12, E=4, F=16],
  C [D=5, F=3],
  D [E=2],
  E [F=14]
}
```

Les espaces sont ignorés de part et d'autre des noms des sommets, des crochets (ouvrants et fermants), des signes « = » et des virgules. Ainsi, ce n'est que dans les noms des sommets que les espaces ne sont pas ignorés : par exemple, le sommet « A 1 » est distinct du sommet « A1 ».

Conditions sur les distances Les distances entre sommets *doivent* être positives, c'est une limitation intrinsèque à l'algorithme de Dijkstra pour qu'il fonctionne sans erreur. La méthode de programmation utilisée dans cette extension exige de plus que ces distances soient des nombres *entiers*.

Une fois que le graphe a été lu, celui-ci est rendu *non orienté* en interne et donc en coulisses, la liste d'adjacence devient

```
A [B=7, D=15],
B [A=7, C=12, E=4, F=16],
C [B=12, D=5, E=3],
D [A=15, C=5, E=2],
E [D=2, B=4, F=14],
F [B=16, C=3, E=14]
```

Par conséquent, la liste d'adjacence entrée par l'utilisateur ne doit pas contenir d'incohérence. Si l'on spécifie la distance entre un sommet A et un sommet B par `A[B=<x>, ...]` on peut s'économiser la peine de spécifier cette même distance entre B et A puisque c'est fait par l'extension `dijkstra` automatiquement. En revanche, une erreur sera émise si dans la liste d'adjacence, on trouve `A[B=<x>, ...]` puis `B[A=<y>, ...]` où `<y>` et `<x>` sont différents.

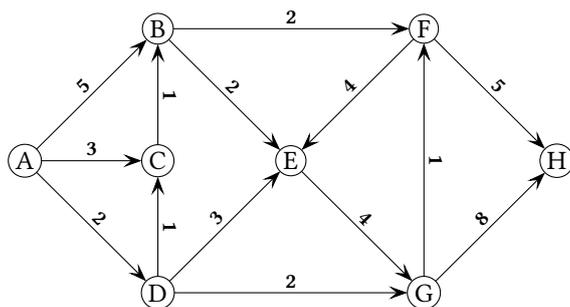
Lancer l'algorithme Une fois que le graphe est lu par la macro `\readgraph`, on lance l'algorithme avec `\dijkstra{<A>}{}` où `<A>` et `` sont deux sommets du graphe. La distance minimale entre ces deux sommets est stockée dans la macro `\dijkdist` et le chemin correspondant dans `\dijkpath`.

<pre>\readgraph{ A [B=7, D=15], B [C=12, E=4, F=16], C [D=5, F=3], D [E=2], E [F=14]} Tableau : \dijkstra{A}{F}\par Distance A-F = \dijkdist\par Chemin = \dijkpath</pre>	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <thead> <tr> <th style="padding: 2px 5px;">A</th> <th style="padding: 2px 5px;">B</th> <th style="padding: 2px 5px;">C</th> <th style="padding: 2px 5px;">D</th> <th style="padding: 2px 5px;">E</th> <th style="padding: 2px 5px;">F</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="padding: 2px 5px;">0</td> <td style="padding: 2px 5px;">∞</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px 5px;">—</td> <td style="padding: 2px 5px;">7_A</td> <td style="padding: 2px 5px;">∞</td> <td style="padding: 2px 5px;">15_A</td> <td style="padding: 2px 5px;">∞</td> <td style="padding: 2px 5px;">∞</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px 5px;">—</td> <td style="padding: 2px 5px;">—</td> <td style="padding: 2px 5px;">19_B</td> <td style="padding: 2px 5px;">15_A</td> <td style="padding: 2px 5px;">11_B</td> <td style="padding: 2px 5px;">23_B</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px 5px;">—</td> <td style="padding: 2px 5px;">—</td> <td style="padding: 2px 5px;">19_B</td> <td style="padding: 2px 5px;">13_E</td> <td style="padding: 2px 5px;">—</td> <td style="padding: 2px 5px;">23_B</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px 5px;">—</td> <td style="padding: 2px 5px;">—</td> <td style="padding: 2px 5px;">18_D</td> <td style="padding: 2px 5px;">—</td> <td style="padding: 2px 5px;">—</td> <td style="padding: 2px 5px;">23_B</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px 5px;">—</td> <td style="padding: 2px 5px;">21_C</td> </tr> </tbody> </table> <p style="margin-left: 20px;">Tableau :</p> <p style="margin-left: 20px;">Distance A-F = 21</p> <p style="margin-left: 20px;">Chemin = A-B-E-D-C-F</p>	A	B	C	D	E	F	0	∞	∞	∞	∞	∞	—	7_A	∞	15 _A	∞	∞	—	—	19 _B	15 _A	11_B	23 _B	—	—	19 _B	13_E	—	23 _B	—	—	18_D	—	—	23 _B	—	—	—	—	—	21_C
A	B	C	D	E	F																																						
0	∞	∞	∞	∞	∞																																						
—	7_A	∞	15 _A	∞	∞																																						
—	—	19 _B	15 _A	11_B	23 _B																																						
—	—	19 _B	13_E	—	23 _B																																						
—	—	18_D	—	—	23 _B																																						
—	—	—	—	—	21_C																																						

Dans le tableau, les colonnes sont disposées dans le *même ordre* que celui des sommets dans la liste d'adjacence lue par `\readgraph`.

2 Graphe orienté

Pour spécifier à `\readgraph` que la liste d'adjacence est celle d'un graphe *orienté*, la macro doit être suivie d'une étoile.



Cela donne

<pre>\readgraph*{ A[B=5, C=3, D=2], B[E=2, F=2], C[B=1], D[C=1, E=3, G=2], E[G=4], F[E=4, H=5], G[F=1, H=8]} Tableau : \dijkstra{A}{H}\par Distance A-H = \dijkdist\par Chemin = \dijkpath</pre>	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <thead> <tr> <th></th> <th>A</th> <th>B</th> <th>C</th> <th>D</th> <th>E</th> <th>F</th> <th>G</th> <th>H</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>∞</td> <td>∞</td> <td>∞</td> <td>∞</td> <td>∞</td> <td>∞</td> <td>∞</td> <td>∞</td> </tr> <tr> <td>—</td> <td>5_A</td> <td>3_A</td> <td>2_A</td> <td>∞</td> <td>∞</td> <td>∞</td> <td>∞</td> <td>∞</td> </tr> <tr> <td>—</td> <td>5_A</td> <td>3_A</td> <td>—</td> <td>5_D</td> <td>∞</td> <td>4_D</td> <td>∞</td> <td>∞</td> </tr> <tr> <td>—</td> <td>4_C</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>5_D</td> <td>∞</td> <td>4_D</td> <td>∞</td> <td>∞</td> </tr> <tr> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>5_D</td> <td>6_B</td> <td>4_D</td> <td>∞</td> <td>∞</td> </tr> <tr> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>5_D</td> <td>5_G</td> <td>—</td> <td>12_G</td> <td>∞</td> </tr> <tr> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>5_G</td> <td>—</td> <td>12_G</td> <td>∞</td> </tr> <tr> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>10_F</td> </tr> </tbody> </table> <p>Tableau : Distance A-H = 10 Chemin = A-D-G-F-H</p>		A	B	C	D	E	F	G	H	0	∞	—	5 _A	3 _A	2 _A	∞	∞	∞	∞	∞	—	5 _A	3 _A	—	5 _D	∞	4 _D	∞	∞	—	4 _C	—	—	5 _D	∞	4 _D	∞	∞	—	—	—	—	5 _D	6 _B	4 _D	∞	∞	—	—	—	—	5 _D	5 _G	—	12 _G	∞	—	—	—	—	—	5 _G	—	12 _G	∞	—	—	—	—	—	—	—	—	10_F							
	A	B	C	D	E	F	G	H																																																																										
0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞																																																																										
—	5 _A	3 _A	2 _A	∞	∞	∞	∞	∞																																																																										
—	5 _A	3 _A	—	5 _D	∞	4 _D	∞	∞																																																																										
—	4 _C	—	—	5 _D	∞	4 _D	∞	∞																																																																										
—	—	—	—	5 _D	6 _B	4 _D	∞	∞																																																																										
—	—	—	—	5 _D	5 _G	—	12 _G	∞																																																																										
—	—	—	—	—	5 _G	—	12 _G	∞																																																																										
—	—	—	—	—	—	—	—	10_F																																																																										

3 Paramètres

Paramètres de `\dijkstra` Des *paramètres* peuvent être passés à la macro `\dijkstra` dans son argument optionnel qui prend la forme d'une liste de *clé*=*valeur*.

On peut également régler des *paramètres* pour toutes les exécutions de la macro `\dijkstra` à venir avec

`\setdijk{paramètres}`

mais aussi modifier des *paramètres* par défaut avec

`\setdijkdefault{paramètres}`

Pour réinitialiser toutes les *clés* à leur *valeur* par défaut, il faut exécuter la macro `\initdijk`.

Voici toutes les *clés*, leur *valeur* par défaut et leur description.

show-tab=*booléen* (Défaut : "true")

Lorsque cette *clé* est true, le tableau est affiché par la macro `\dijkstra`. Il ne l'est pas dans le cas contraire.

v-position=*texte* (Défaut : "c")

Ce paramètre est placé dans l'argument optionnel de `\begin{tabular}[v-position]` pour spécifier la position que doit avoir le tableau par rapport à la ligne de base.

pre-tab=*code* (Défaut : *vide*)

Ce *code* arbitraire est exécuté juste avant le `\begin{tabular}`.

post-tab=*code* (Défaut : *vide*)

Ce *code* arbitraire est exécuté juste après le `\end{tabular}`.

col-type=*code* (Défaut : "c")

Ce *code* est le descripteur des colonnes contenant les sommets.

infinity-code=*code* (Défaut : "\$\infty\$")

Ce *code* est exécuté pour exprimer une distance infinie dans le tableau et dans la macro `\dijkdist`.

norevisit-code=*code* (Défaut : "_")

Ce *code* est exécuté dans le tableau pour exprimer qu'un sommet a déjà été fixé.

h-rules=*(booléen)* (Défaut : "false")

Lorsque ce booléen est true, les réglures horizontales entre les étapes sont tracées dans le tableau.

<pre>\readgraph{ A [B=7, D=15], B [C=12, E=4, F=16], C [D=5, F=3], D [E=2], E [F=14]} Tableau : \dijkstra[h-rules=true, v-position=b]{A}{F}</pre>	Tableau :	<table border="1"> <thead> <tr><th>A</th><th>B</th><th>C</th><th>D</th><th>E</th><th>F</th></tr> </thead> <tbody> <tr><td>0</td><td>∞</td><td>∞</td><td>∞</td><td>∞</td><td>∞</td></tr> <tr><td>—</td><td>7_A</td><td>∞</td><td>15_A</td><td>∞</td><td>∞</td></tr> <tr><td>—</td><td>—</td><td>19_B</td><td>15_A</td><td>11_B</td><td>23_B</td></tr> <tr><td>—</td><td>—</td><td>19_B</td><td>13_E</td><td>—</td><td>23_B</td></tr> <tr><td>—</td><td>—</td><td>18_D</td><td>—</td><td>—</td><td>23_B</td></tr> <tr><td>—</td><td>—</td><td>—</td><td>—</td><td>—</td><td>21_C</td></tr> </tbody> </table>	A	B	C	D	E	F	0	∞	∞	∞	∞	∞	—	7_A	∞	15 _A	∞	∞	—	—	19 _B	15 _A	11_B	23 _B	—	—	19 _B	13_E	—	23 _B	—	—	18_D	—	—	23 _B	—	—	—	—	—	21_C
A	B	C	D	E	F																																							
0	∞	∞	∞	∞	∞																																							
—	7_A	∞	15 _A	∞	∞																																							
—	—	19 _B	15 _A	11_B	23 _B																																							
—	—	19 _B	13_E	—	23 _B																																							
—	—	18_D	—	—	23 _B																																							
—	—	—	—	—	21_C																																							

show-lastcol=*(booléen)* (Défaut : "false")

Lorsque ce booléen est true, une colonne supplémentaire est affichée dans le tableau ; cette colonne correspond au sommet fixé.

lastcol-type=*(code)* (Défaut : "c|")

Ce *(code)* est le descripteur de la colonne correspondant au sommets fixés.

lastcol-label=*(code)* (Défaut : "sommet fix\`e")

Ce *(code)* contient le nom de la colonne correspondant aux sommets fixés.

<pre>\readgraph{ A [B=7, D=15], B [C=12, E=4, F=16], C [D=5, F=3], D [E=2], E [F=14]} Tableau : \dijkstra[show-lastcol]{A}{F}</pre>	Tableau :	<table border="1"> <thead> <tr><th>A</th><th>B</th><th>C</th><th>D</th><th>E</th><th>F</th><th>sommet fixé</th></tr> </thead> <tbody> <tr><td>0</td><td>∞</td><td>∞</td><td>∞</td><td>∞</td><td>∞</td><td>A</td></tr> <tr><td>—</td><td>7_A</td><td>∞</td><td>15_A</td><td>∞</td><td>∞</td><td>B</td></tr> <tr><td>—</td><td>—</td><td>19_B</td><td>15_A</td><td>11_B</td><td>23_B</td><td>E</td></tr> <tr><td>—</td><td>—</td><td>19_B</td><td>13_E</td><td>—</td><td>23_B</td><td>D</td></tr> <tr><td>—</td><td>—</td><td>18_D</td><td>—</td><td>—</td><td>23_B</td><td>C</td></tr> <tr><td>—</td><td>—</td><td>—</td><td>—</td><td>—</td><td>21_C</td><td>F</td></tr> </tbody> </table>	A	B	C	D	E	F	sommet fixé	0	∞	∞	∞	∞	∞	A	—	7_A	∞	15 _A	∞	∞	B	—	—	19 _B	15 _A	11_B	23 _B	E	—	—	19 _B	13_E	—	23 _B	D	—	—	18_D	—	—	23 _B	C	—	—	—	—	—	21_C	F
A	B	C	D	E	F	sommet fixé																																													
0	∞	∞	∞	∞	∞	A																																													
—	7_A	∞	15 _A	∞	∞	B																																													
—	—	19 _B	15 _A	11_B	23 _B	E																																													
—	—	19 _B	13_E	—	23 _B	D																																													
—	—	18_D	—	—	23 _B	C																																													
—	—	—	—	—	21_C	F																																													

nopath-string=*(code)* (Défaut : "Pas de chemin possible")

Ce *(code)* est placé dans la macro `\dijkpath` dans le cas où aucun chemin n'a pu être trouvé, comme cela peut être le cas si le graphe est non connexe.

<pre>\readgraph{ A [B=2], B [C=3], D [E=5]} \dijkstra[show-tab=false]{A}{E} Chemin = \dijkpath\par Distance A-E= \dijkdist</pre>	Chemin = Pas de chemin possible Distance A-E= ∞
--	---

path-sep=*(code)* (Défaut : "-")

Ce *(code)* est inséré entre chaque sommet dans la macro `\dijkpath`.

Formatage distance/sommet Lorsqu'un sommet a un prédécesseur, la macro `\formatnodewithprev` se charge d'afficher la distance et le sommet. Cette macro prend deux arguments (la *(distance)* et le *(sommet)*) et sa définition par défaut est

```
\newcommand*\formatnodewithprev[2]%
{% #1=distance, #2=nom du noeud de provenance
  $#1_{\mathrm{#2}}$%
}
```

ce qui a pour effet de mettre le sommet de provenance en indice de la distance. On peut redéfinir cette macro pour choisir une autre mise en forme comme ci-dessous où le sommet est placé entre parenthèses.

<pre>\renewcommand*\formatnodewithprev[2]% {% #1 (#2)% }% \readgraph{ A [B=7, D=15], B [C=12, E=4, F=16], C [D=5, F=3], D [E=2], E [F=14]} Tableau : \dijkstra{A}{F}</pre>	Tableau :	<table border="1"> <thead> <tr><th>A</th><th>B</th><th>C</th><th>D</th><th>E</th><th>F</th></tr> </thead> <tbody> <tr><td>0</td><td>∞</td><td>∞</td><td>∞</td><td>∞</td><td>∞</td></tr> <tr><td>—</td><td>7_A</td><td>∞</td><td>15 (A)</td><td>∞</td><td>∞</td></tr> <tr><td>—</td><td>—</td><td>19 (B)</td><td>15 (A)</td><td>11_B</td><td>23 (B)</td></tr> <tr><td>—</td><td>—</td><td>19 (B)</td><td>13_E</td><td>—</td><td>23 (B)</td></tr> <tr><td>—</td><td>—</td><td>18_D</td><td>—</td><td>—</td><td>23 (B)</td></tr> <tr><td>—</td><td>—</td><td>—</td><td>—</td><td>—</td><td>21_C</td></tr> </tbody> </table>	A	B	C	D	E	F	0	∞	∞	∞	∞	∞	—	7_A	∞	15 (A)	∞	∞	—	—	19 (B)	15 (A)	11_B	23 (B)	—	—	19 (B)	13_E	—	23 (B)	—	—	18_D	—	—	23 (B)	—	—	—	—	—	21_C
A	B	C	D	E	F																																							
0	∞	∞	∞	∞	∞																																							
—	7_A	∞	15 (A)	∞	∞																																							
—	—	19 (B)	15 (A)	11_B	23 (B)																																							
—	—	19 (B)	13_E	—	23 (B)																																							
—	—	18_D	—	—	23 (B)																																							
—	—	—	—	—	21_C																																							

Mise en évidence du sommet fixé Le premier sommet fixé est celui de départ et sa distance est toujours 0. La macro `\highlightfirstnode` prend comme argument la distance (qui est 0) et le traite pour effectuer sa mise en forme. Sa définition par défaut, qui compose cette distance en gras, est :

```
\newcommand*\highlightfirstnode[1]{\mathbf{#1}}
```

Les autres sommets, lorsqu'ils sont fixés, apparaissent dans le tableau avec leur distance et leur nom et sont traités par la macro `\highlightnode` qui rend deux arguments. Sa définition permet une mise en forme similaire à ce que fait `\formatnodewithprev`, sauf que la distance et le sommet sont en gras :

```
\newcommand*\highlightnode[2]%
{% #1=distance, #2=nom du noeud de provenance
  $\mathbf{#1}_{\mathrm{\mathbf{#2}}}$%
}
```

Pour obtenir d'autres effets, on peut redéfinir ces macros. L'exemple donné n'est pas réaliste tant les effets sont incohérents, c'est simplement un aperçu de ce qu'il est possible de faire :

<pre>\renewcommand*\highlightfirstnode[1]% {% \fboxsep=1pt \fbox{\color{blue}\mathbf{#1}}% }% \renewcommand*\highlightnode[2]% {% #1=distance, % #2=nom du noeud de provenance \color{red}\$#1_{\mathrm{\mathbf{#2}}}\$% } \readgraph{ A [B=7, D=15], B [C=12, E=4, F=16], C [D=5, F=3], D [E=2], E [F=14]} Tableau : \dijkstra{A}{F}</pre>	<p>Tableau :</p> <table border="1" style="margin: auto; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <thead> <tr> <th>A</th> <th>B</th> <th>C</th> <th>D</th> <th>E</th> <th>F</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>∞</td> <td>∞</td> <td>∞</td> <td>∞</td> <td>∞</td> </tr> <tr> <td>—</td> <td>7_A</td> <td>∞</td> <td>15_A</td> <td>∞</td> <td>∞</td> </tr> <tr> <td>—</td> <td>—</td> <td>19_B</td> <td>15_A</td> <td>11_B</td> <td>23_B</td> </tr> <tr> <td>—</td> <td>—</td> <td>19_B</td> <td>13_E</td> <td>—</td> <td>23_B</td> </tr> <tr> <td>—</td> <td>—</td> <td>18_D</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>23_B</td> </tr> <tr> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>21_C</td> </tr> </tbody> </table>	A	B	C	D	E	F	0	∞	∞	∞	∞	∞	—	7_A	∞	15 _A	∞	∞	—	—	19 _B	15 _A	11_B	23 _B	—	—	19 _B	13_E	—	23 _B	—	—	18_D	—	—	23 _B	—	—	—	—	—	21_C
A	B	C	D	E	F																																						
0	∞	∞	∞	∞	∞																																						
—	7_A	∞	15 _A	∞	∞																																						
—	—	19 _B	15 _A	11_B	23 _B																																						
—	—	19 _B	13_E	—	23 _B																																						
—	—	18_D	—	—	23 _B																																						
—	—	—	—	—	21_C																																						

4 Code

Le code ci-dessous est l'exact verbatim du fichier `dijkstra.sty` :

```
1 % !TeX encoding = UTF-8
2 % Ce fichier contient le code de l'extension "dijkstra"
3 %
4 %%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
5 %
6 \def\dijkname           {dijkstra}           %
7 \def\dijkver           {0.13}               %
8 %
9 \def\dijkdate          {2022/10/01}         %
10 %
11 %%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
12 %
13 % -----
14 % This work may be distributed and/or modified under the
15 % conditions of the LaTeX Project Public License, either version 1.3c
16 % of this license or (at your option) any later version.
17 % The latest version of this license is in
18 %
19 %   http://www.latex-project.org/lppl.txt
20 %
21 % and version 1.3 or later is part of all distributions of LaTeX
22 % version 2005/12/01 or later.
23 % -----
24 % This work has the LPL maintenance status 'maintained'.
25 %
26 % The Current Maintainer of this work is Christian Tellechea
27 % Copyright : Christian Tellechea 2017-2022
28 % email: unbonpetit@netc.fr
29 %   Commentaires, suggestions et signalement de bugs bienvenus !
30 %   Comments, bug reports and suggestions are welcome.
31 % -----
32 % L'extension dijkstra est composée des 4 fichiers suivants :
```

```

33 % - code : dijkstra.sty
34 % - manuel en français : dijkstra-fr.tex & dijkstra-fr.pdf
35 % - fichier lisezmoi : README
36 % -----
37 %
38 \csname dijkloadonce\endcsname
39 \let\dijkloadonce\endinput
40 \NeedsTeXFormat{LaTeX2e}
41 \ProvidesPackage{dijkstra}[\dijkdate\space v\dijkver\space Dijkstra Algorithm (CT)]
42 \RequirePackage{simplekv}
43
44 \expandafter\edef\csname dijk_restorecatcode\endcsname{\expandafter\catcode\number'_{\number\catcode'_{\relax}
45 \catcode'_{=11
46
47 \newcount\dijk_nest
48 \newcount\dijk_cnt
49 \newif\ifdijk_oriented
50
51 \def\dijk_maxint{1073741823}
52 \def\dijk_quark{\dijk_quark}
53 \def\dijk_cscmd#1#2{\expandafter#1\csname#2\endcsname}
54 \def\dijk_gobarg#1{}
55 \long\def\dijk_first#1#2{#1}
56 \long\def\dijk_second#1#2{#2}
57 \long\def\dijk_earg#1#2{\expandafter\dijk_earg_i\expandafter{#2}{#1}}\let\dijk_exparg\dijk_earg
58 \long\def\dijk_eearg#1#2{\expandafter\expandafter\expandafter\dijk_earg_i\expandafter\expandafter\expandafter{#2}{#1}}
59 \long\def\dijk_earg_i#1#2{#2{#1}}
60 \long\def\dijk_ifx#1{\ifx#1\expandafter\dijk_first\else\expandafter\dijk_second\fi}
61 \long\def\dijk_ifempty#1{\dijk_ifempty_i#1\_nil\_nil\dijk_second\dijk_first\_nil}%
62 \long\def\dijk_ifempty_i#1#2\_nil#3#4#5\_nil{#4}
63 \def\dijk_ifcscname#1{\ifcscname#1\endcsname\expandafter\skv_first\else\expandafter\skv_second\fi}
64 \def\dijk_addtomacro#1#2{\expandafter\def\expandafter#1\expandafter{#1#2}}
65 \def\dijk_eaddtomacro#1#2{\dijk_exparg{\dijk_addtomacro#1}{#2}}
66 \def\dijk_eeaddtomacro#1#2{\dijk_eearg{\dijk_addtomacro#1}{#2}}
67 \long\def\dijk_exptwoargs#1#2#3{\dijk_exparg{\dijk_exparg{#1}{#2}}{#3}}
68 \def\dijk_ifnum#1{\ifnum#1\expandafter\dijk_first\else\expandafter\dijk_second\fi}
69 \def\dijk_swapargs#1#2#3{#1{#3}{#2}}
70 \def\dijk_ifstar#1#2{\def\dijk_ifstar_i{\dijk_ifx{*}\dijk_nxttok}{\dijk_first{#1}{#2}}\futurelet\dijk_nxttok\leftarrow
\dijk_ifstar_i}
71 \def\dijk_ifopt#1#2{\def\dijk_ifopt_i{\dijk_ifx{[\dijk_nxttok]{#1}{#2}}\futurelet\dijk_nxttok\dijk_ifopt_i}
72 \def\dijk_stripsp#1%
73 {%
74 \long\def\dijk_stripsp##1{\expanded{\dijk_stripsp_i\_marksp##1\_nil\_marksp#1\_marksp\_nil}}%
75 \long\def\dijk_stripsp_i##1\_marksp#1##2\_marksp##3\_nil{\dijk_stripsp_ii##3##1##2\_nil#1\_nil\_nil}%
76 \long\def\dijk_stripsp_ii##1#1\_nil##2\_nil{\dijk_stripsp_iii##1##2\_nil}%
77 \long\def\dijk_stripsp_iii##1##2\_nil##3\_nil{\unexpanded{##2}}%
78 }
79 \dijk_stripsp{ }
80
81 \def\dijk_foreach#1\in#2#3%
82 {%
83 \global\advance\dijk_nest1
84 \dijk_cscmd\def{\dijk_loopcode\_number\dijk_nest}{#3}%
85 \dijk_foreach_i#1#2,\dijk_quark,%
86 \dijk_cscmd\let{\dijk_loopcode\_number\dijk_nest}\empty
87 \global\advance\dijk_nest-1
88 }%
89
90 \def\dijk_foreach_i#1#2,%
91 {%
92 \def#1{#2}%
93 \dijk_ifx{\dijk_quark#1}
94 {%
95 }
96 {%
97 \dijk_ifx{#1\empty}{\csname dijk_loopcode\_number\dijk_nest\endcsname}%
98 \dijk_foreach_i#1%
99 }%
100 }%
101
102 \def\dijk_ifinst#1#2%

```

```

103 {% #2 est-il dans #1 ?
104 \def\dijk_ifinst_i##1#2##2\_nil{\dijk_swapargs{\dijk_ifempty{##2}}}%
105 \dijk_ifinst_i#1#2\_nil
106 }
107
108 \def\readgraph
109 {%
110 \dijk_ifstar{\dijk_orientedtrue\readgraph_a}{\dijk_orientedfalse\readgraph_a}%
111 }
112
113 \def\readgraph_a#1%
114 {%
115 \let\dijk_initlistofnodes\empty% liste des sommets
116 \let\dijk_graph\empty% argument #1 où l'on va enlever les espaces
117 \dijk_sanitizegraph#1,\dijk_quark[],% enlever tous les espaces indésirables et évaluer les nombres dans l'argument #1
118 \expandafter\readgraph_b\dijk_graph,\dijk_quark[],%
119 }
120
121 \def\dijk_sanitizegraph#1,%
122 {%
123 \expandafter\expandafter\expandafter\dijk_sanitizegraph_i\dijk_stripsp{#1},% bugfix 0.12
124 }
125
126 \def\dijk_sanitizegraph_i#1[#2],%
127 {%
128 \dijk_ifx{\dijk_quark#1}
129 {%
130 \dijk_remove_lastcommainmacro\dijk_graph
131 }
132 {%
133 \dijk_eearg{\def\dijk_childnodes}{\dijk_stripsp{#1}[]}%
134 \dijk_foreach\dijk_temp\in{#2}{\expandafter\dijk_sanitizegraph_ii\dijk_temp\_nil}%
135 \dijk_remove_lastcommainmacro\dijk_childnodes
136 \dijk_eaddtomacro\dijk_graph{\dijk_childnodes},}%
137 \dijk_sanitizegraph
138 }%
139 }
140
141 \def\dijk_sanitizegraph_ii#1=#2\_nil
142 {%
143 \dijk_eaddtomacro\dijk_childnodes{\dijk_stripsp{#1}=}%
144 \dijk_eaddtomacro\dijk_childnodes{\the\numexpr#2\relax},}%
145 }
146
147 \def\dijk_remove_lastcommainmacro#1%
148 {%
149 \expandafter\dijk_remove_lastcommainmacro_i#1\_nil#1%
150 }
151
152 \def\dijk_remove_lastcommainmacro_i#1,\_nil#2%
153 {%
154 \def#2{#1}%
155 }
156
157 \def\readgraph_b#1#2[#3]#4,%
158 {%
159 \dijk_ifx{\dijk_quark#1}
160 {%
161 \dijk_exparg{\dijk_foreach\dijk_temppnodename\in}{\dijk_initlistofnodes}
162 {% pour chaque sommet
163 \dijk_eearg{\dijk_foreach\dijk_temppnodechild\in}{\csname dijknode\dijk_temppnodename\endcsname}
164 {% pour chaque enfant
165 \expandafter\readgraph_c\dijk_temppnodechild\_nil\dijk_currentnodechildname\dijk_currentnodechilddist% capturer ↔
nom et distance de l'enfant
166 \dijk_exptwoargs\dijk_ifinst\dijk_initlistofnodes{\dijk_currentnodechildname},}% si l'enfant n'est pas dans la ↔
liste des sommets
167 {%
168 }%
169 {%
170 \dijk_eaddtomacro\dijk_initlistofnodes{\dijk_currentnodechildname},% l'y mettre
171 \dijk_cscmd\let{\dijknode\dijk_currentnodechildname}\empty% et initialiser la liste de ses enfants

```

```

172 }%
173 \unless\ifdijk_oriented% si graphe non orienté, ajouter les distances inverses
174 \dijk_exparg{\dijk_eearg\dijk_ifinst{\csname dijknode\dijk_currentnodechildname\endcsname}}{\dijk_tempnodename↔
175 =}% si le parent est dans déjà un des enfants de l'enfant
176 {%
177 \expandafter\def\expandafter\readgraph_d\expandafter#####\expandafter1\dijk_tempnodename↔
178 =#####2,#####3\_nil{%
179 \unless\ifnum#####2=\dijk_currentnodechilddist\relax% si distance différente : erreur, c'est pas normal
180 \errmessage{Distance "\dijk_tempnodename=#####2" incorrecte dans \dijk_currentnodechildname{} comprise↔
181 comme "\dijk_tempnodename=\dijk_currentnodechilddist"}%
182 \dijk_cscmd\edef{\dijknode\dijk_currentnodechildname}{#####1\dijk_tempnodename=↔
183 dijk_currentnodechilddist,#####3}%
184 \fi
185 }%
186 \expandafter\expandafter\expandafter\readgraph_d\csname dijknode\dijk_currentnodechildname\endcsname\_nil
187 }%
188 {% sinon, l'y mettre
189 \dijk_cscmd\edef{\dijknode\dijk_currentnodechildname}{\dijk_tempnodename=\dijk_currentnodechilddist,\csname ↔
190 dijknode\dijk_currentnodechildname\endcsname}%
191 }%
192 \fi
193 }%
194 }%
195 \dijk_cnt0
196 \dijk_exparg{\dijk_foreach\dijk_tempnodename\in}{\dijk_initlistofnodes}
197 {% pour chaque sommet, construire la liste de ses enfants
198 \advance\dijk_cnt1
199 \dijk_cscmd\let{listofchilds_\dijk_tempnodename}\empty
200 \dijk_eearg{\dijk_foreach\dijk_tempnodechild\in}{\csname dijknode\dijk_tempnodename\endcsname}
201 {%
202 \expandafter\readgraph_c\dijk_tempnodechild\_nil\dijk_currentnodechildname\dijk_currentnodechilddist
203 \expandafter\dijk_eaddtomacro\csname listofchilds_\dijk_tempnodename\endcsname{\dijk_currentnodechildname,}%
204 }%
205 }%
206 \edef\dijk_numberofnodes{\the\dijk_cnt}%
207 }%
208 {%
209 \def\dijk_currentnodename{#1}%
210 \dijk_eaddtomacro\dijk_initlistofnodes{\dijk_currentnodename,}%
211 \dijk_cscmd\def{\dijknode\dijk_currentnodename}{#3,}%
212 \readgraph_b
213 }%
214 }%
215 }%
216 \def\readgraph_c#1=#2\_nil#3#4%
217 {%
218 \def#3{#1}\edef#4{\number\numexpr#2\relax}%
219 }
220
221 \def\dijk_nodedist#1#2#3%
222 {% renvoie la distance du sommet #1 vers #2 dans la macro #3
223 \def\dijk_nodedist_i##1#2=#2,##3\_nil{\def#3{##2}}%
224 \expandafter\expandafter\expandafter\dijk_nodedist_i\csname dijknode#1\endcsname,#2=1073741823,\_nil%
225 }
226
227 \def\dijk_remoenode#1%
228 {% enlève le sommet #1 de la liste des sommets non vus
229 \dijk_exparg{\dijk_ifinst}{\expandafter,\dijk_nodestoexplore}{, #1,}
230 {%
231 \def\dijk_remoenode_i##1,#1,##2\_nil{\dijk_exparg{\def\dijk_nodestoexplore}{\dijk_gobarg##1,##2}}%
232 \expandafter\dijk_remoenode_i\expandafter,\dijk_nodestoexplore\_nil
233 }
234 }%
235 }%
236 }
237
238 \def\dijkstra
239 {%
240 \dijk_ifopt{\dijkstra_i}{\dijkstra_i[]}%
241 }
242 \def\dijkstra_i[#1]#2#3%

```

```

238 {% #1=sommet départ #2=sommet arrivée
239 \beginngroup
240 \dijk_ifempty{#1}{\setdijk{#1}}%
241 \let\dijk_listofnodes\dijk_initlistofnodes
242 \let\dijk_nodestoexplore\dijk_initlistofnodes
243 \dijk_cnt0
244 \dijk_eearg{\def\dijk_currentnode}{\dijk_stripsp{#2}}%
245 \dijk_eearg{\def\dijk_endnode}{\dijk_stripsp{#3}}%
246 \edef\dijk_tab
247 {%
248 \noexpand\dijk_pre_tab
249 \noexpand\begin{tabular}[\dijk_v_position]{%
250 *{\dijk_numberofnodes}{|\dijk_col_type}|%
251 \ifboolKV[\dijkname]{show-lastcol}
252 {\noexpand\dijk_last_col_type}
253 }%
254 }%
255 \noexpand\hline
256 }%
257 \def\dijk_autoamp{\def\dijk_autoamp{\dijk_addtomacro\dijk_tab&}}%
258 \dijk_exparg{\dijk_foreach\dijk_tempnodename\in}\dijk_listofnodes
259 {% pour tous le sommets du graphe
260 \dijk_autoamp% ajouter "&", sauf la première fois
261 \dijk_cscmd\let{dist_\dijk_tempnodename}\dijk_maxint% toutes les distances à +inf
262 \dijk_cscmd\let{prev_\dijk_tempnodename}\dijk_quark% tous les prédécesseurs à <quark>
263 \dijk_eaddtomacro\dijk_tab{\dijk_tempnodename}% peupler 1re ligne du tableau
264 }%
265 \ifboolKV[\dijkname]{show-lastcol}
266 {\dijk_eaddtomacro\dijk_tab{\expandafter&\dijk_lastcol_label}}
267 }%
268 \dijk_addtomacro\dijk_tab{\hline}%
269 \dijk_cscmd\def{dist_\dijk_currentnode}{0}% distance sommet de départ = 0
270 \dijk_whilenotempty\dijk_nodestoexplore
271 {%
272 \dijk_findmindist\dijk_currentnode% retourne \dijk_currentnode : le sommet enfant ayant la distance la plus faible
273 \dijk_ifx{\dijk_quark\dijk_currentnode}
274 {% si le sommet n'est pas trouvé (graphe non connexe)
275 \global\let\dijkdist\dijk_infinity_code
276 \let\dijk_nodestoexplore\empty% sortir de la boucle
277 }
278 {%
279 \xdef\dijkdist{\csname dist_\dijk_currentnode\endcsname}%
280 \unless\ifx\dijk_nodestoexplore\empty
281 \dijk_addstep
282 \fi
283 \dijk_ifx{\dijk_currentnode\dijk_endnode}
284 {% si le sommet de sortie est atteint
285 \let\dijk_nodestoexplore\empty% sortir de la boucle
286 }
287 {% sinon
288 \dijk_exparg\dijk_removenode\dijk_currentnode% enlever ce sommet du graphe à explorer
289 \dijk_eearg{\dijk_foreach\dijk_temp\in}{\csname listofchilds_\dijk_currentnode\endcsname}
290 {%
291 \dijk_exptwoargs\dijk_ifinst\dijk_nodestoexplore{\dijk_temp,}
292 {\dijk_exptwoargs\dijk_updatedist\dijk_currentnode\dijk_temp}%
293 }%
294 }%
295 \advance\dijk_cnt1
296 }%
297 }%
298 }%
299 \ifboolKV[\dijkname]{h-rules}
300 {}
301 {\dijk_addtomacro\dijk_tab\hline}%
302 \dijk_addtomacro\dijk_tab{\end{tabular}}%
303 \dijk_eaddtomacro\dijk_tab{\dijk_post_tab}%
304 \dijk_ifx{\dijk_quark\dijk_currentnode}
305 {\global\let\dijkpath\dijk_nopath_string}
306 {\dijk_exparg\dijk_createpath\dijk_currentnode}% calculer le chemin sauf s'il est impossible à trouver
307 \ifboolKV[\dijkname]{show-tab}\dijk_tab{}% afficher le tableau
308 \endngroup

```

```

309 }
310
311 \def\dijs_createpath
312 {%
313   \global\let\dijspath\dijs_currentnode
314   \dijs_createpathi
315 }
316 \def\dijs_createpathi#1%
317 {% #1=sommet en cours
318   \dijs_eearg{\def\dijs_temp}{\csname prev_#1\endcsname}%
319   \dijs_ifx{\dijs_quark\dijs_temp}
320   {%
321   }
322   {%
323     \xdef\dijspath{\dijs_temp\dijs_path_sep\dijspath}%
324     \dijs_exparg\dijs_createpathi\dijs_temp
325   }%
326 }
327
328 \def\dijs_findmindist#1%
329 {% trouve dans "sommets à explorer" celui ayant la distance mini
330   \let\dijs_mindist\dijs_maxint
331   \let#1\dijs_quark
332   \dijs_exparg{\dijs_foreach\dijs_currentnodechildname\in}\dijs_nodestoexplore
333   {%
334     \ifnum\csname dist_\dijs_currentnodechildname\endcsname<\dijs_mindist\relax
335       \expandafter\let\expandafter\dijs_mindist\csname dist_\dijs_currentnodechildname\endcsname
336       \let#1\dijs_currentnodechildname
337     \fi
338   }%
339 }
340
341 \def\dijs_whilenotempty#1#2%
342 {% tant que la macro #1 n'est pas \ifx-vide, exécuter #2
343   \dijs_ifx{#1\empty}{#2\dijs_whilenotempty#1{#2}}%
344 }
345
346 \def\dijs_updatedist#1#2%
347 {%
348   \dijs_nodedist{#1}{#2}\tempdist
349   \ifnum\numexpr\csname dist_#1\endcsname+\tempdist\relax<\csname dist_#2\endcsname\relax
350     \dijs_cscmd\edef{dist_#2}{\the\numexpr\csname dist_#1\endcsname+\tempdist\relax}%
351     \dijs_cscmd\edef{distwithprev_#2}{\noexpand\formatnodewithprev{\the\numexpr\csname dist_#1\endcsname+\tempdist\relax←
352       }\unexpanded{#1}}}%
353     \dijs_cscmd\def{prev_#2}{#1}%
354   \fi
355 }
356
357 \def\dijs_addstep
358 {%
359   \def\dijs_autoamp{\def\dijs_autoamp{\dijs_addtomacro\dijs_tab&}}%
360   \dijs_exparg{\dijs_foreach\dijs_temp\in}\dijs_listofnodes
361   {%
362     \dijs_autoamp
363     \dijs_exptwoargs\dijs_ifinst\dijs_nodestoexplore\dijs_temp
364     {%
365       \ifnum\csname dist_\dijs_temp\endcsname=\dijs_maxint\relax
366         \dijs_eaddtomacro\dijs_tab{\dijs_infinity_code}%
367       \else
368         \dijs_ifx{\dijs_temp\dijs_currentnode}% si c'est le sommet fixé, le mettre en valeur
369         {%
370           \dijs_ifcsname{distwithprev_\dijs_temp}
371           {%
372             \dijs_eaddtomacro\dijs_tab{\expandafter\expandafter\expandafter\dijs_highlightnode
373               \csname distwithprev_\dijs_temp\endcsname}% forme \dijs_highlightnode\formatnodewithprev{<dist>}{<sommet>}
374             }
375           {%
376             \dijs_eaddtomacro\dijs_tab{\expandafter\expandafter\expandafter
377               \highlightfirstnode\expandafter\expandafter\expandafter
378               {\csname dist_\dijs_temp\endcsname}}% forme \highlightfirstnode{0}
379           }%
380         }
381       }
382     }
383   }

```

```

379 }
380 {% sinon, afficher normalement (forme \formatnodewithprev{<dist>}{<sommet>})
381 \dijk_eaddtomacro\dijk_tab{\csname dist\ifcsname distwithprev_\dijk_temp\endcsname withprev\fi _\dijk_temp\leftrightarrow
      endcsname}%
382 }%
383 \fi
384 }%
385 {%
386 \dijk_eaddtomacro\dijk_tab{\dijk_no_revisit_code}% sommet déjà fixé
387 }%
388 }%
389 \ifboolKV[\dijkname]{show-lastcol}
390 {\dijk_eaddtomacro\dijk_tab{\expandafter&\detokenize\expandafter{\dijk_currentnode}}}% ajout du sommet fixé
391 {}%
392 \dijk_addtomacro\dijk_tab{\}
393 \ifboolKV[\dijkname]{h-rules}
394 {\dijk_addtomacro\dijk_tab\hline}
395 {}%
396 }
397
398 \def\dijk_highlightnode\formatnodewithprev{\highlightnode}
399
400 \defKV[\dijkname]{%
401 v-position = \def\dijk_v_position {#1},
402 pre-tab = \def\dijk_pre_tab {#1},
403 post-tab = \def\dijk_post_tab {#1},
404 col-type = \def\dijk_col_type {#1},
405 infinity-code = \def\dijk_infinity_code {#1},
406 no revisit-code = \def\dijk_no_revisit_code{#1},
407 lastcol-type = \def\dijk_last_col_type {#1},
408 lastcol-label = \def\dijk_lastcol_label {#1},
409 nopath-string = \def\dijk_nopath_string {#1},
410 path-sep = \def\dijk_path_sep {#1}
411 }
412
413 \dijk_restorecatcode
414
415 \def\initdijk{\restoreKV[\dijkname]}
416
417 % Macros permettant de modifier les <valeurs> des <clés>
418 \def\setdijk#\setKV[\dijkname]}
419
420 % ... ainsi que les <valeurs> par défaut
421 \def\setdijkdefault#\setKVdefault[\dijkname]}
422
423 \newcommand*\formatnodewithprev[2]%
424 {% #1=distance, #2=nom du noeud de provenance
425 $#1_{\mathrm{#2}}}$%
426 }
427
428 \newcommand*\highlightnode[2]%
429 {% #1=distance, #2=nom du noeud de provenance
430 $\mathbf{#1}_{\mathrm{\mathbf{#2}}}$%
431 }
432
433 \newcommand*\highlightfirstnode[1]%
434 {%
435 $\mathbf{#1}$%
436 }
437
438 \setdijkdefault{
439 show-tab = true,% afficher le tableau
440 v-position = c,% argument optionnel de \begin{tabular}[<arg>]
441 pre-tab = {},% juste avant le \begin{tabular}
442 post-tab = {},% juste après le \end{tabular}
443 col-type = c,% colonnes de type "c" pour les colonnes de distances
444 infinity-code = $\infty$,% pour distance infinie
445 no revisit-code = ---,% pour les sommets préalablement fixés
446 h-rules = false,% pas de filets entre les lignes des étapes
447 show-lastcol = false,% si vrai : mettre en plus la colonne "sommet fixé"
448 lastcol-type = c|,% dernière colonne

```

```

449 lastcol-label = sommet fix\'e,
450 nopath-string = Pas de chemin possible,% si chemin impossible
451 path-sep      = -,% séparateur entre sommets dans le chemin
452 }
453
454 \endinput

```

455 Versions :

Version	Date	Changements
0.1	06/09/2017	Première version
0.11	09/09/2017	- retrait d'un <code>\show</code> , laissé par oubli après les phases de débogage - petit nettoyage du code
0.12	25/06/2020	- bugfix : le package est rendu compatible avec la version 0.2 de <code>simplekv</code> - bugfix : mauvaise gestion des espaces dans la macro <code>\dijk_sanitizgraph</code>
0.13	01/10/2022	- le package est rendu compatible avec la version 0.2a de <code>simplekv</code> - code en UTF8